

Eksamens

23.11.2023

REA3039 Fysikk 2



Se eksamenstips på baksiden!

Nynorsk

Eksamensinformasjon	
Eksamensstid	<p>Eksamnen varer i 5 timer.</p> <p>Del 1 skal leverast inn etter 2 timer.</p> <p>Del 2 skal leverast inn seinast etter 5 timer.</p> <p>Du kan begynne å løyse oppgåvene i del 2 når som helst, men du kan ikkje bruke hjelpemiddel før etter 2 timer – etter at du har levert svara for del 1.</p>
Tillatne hjelpemiddel under eksamen	<p>Del 1: skrivesaker, passar, linjal, vinkelmålar og vedlegg i oppgåvesettet</p> <p>Del 2: Alle hjelpemiddel er tillatne, bortsett frå ope internett og andre verktøy som kan brukast til kommunikasjon.</p> <p>Ved bruk av nettbaserte hjelpemiddel under eksamen har du ikkje lov til å kommunisere med andre. Samskriving, chat og andre måtar å utveksle informasjon med andre er ikkje tillatt. Du kan ikkje bruke automatisk tekstgenerator som chatbot eller tilsvarende teknologi.</p>
Bruk av kjelder	<p>Dersom du bruker kjelder i svaret ditt, skal du alltid føre dei opp på ein slik måte at lesaren kan finne fram til dei.</p> <p>Du skal føre opp forfattar og fullstendig tittel på både lærebøker og annan litteratur. Dersom du bruker utskrifter eller sitat frå internett, skal du føre opp nøyaktig nettadresse og nedlastingsdato.</p>
Vedlegg	<ol style="list-style-type: none">1 Faktavedlegg2 Formelvedlegg3 Programmeringsvedlegg4 Eige svarark for oppgåve 1
Vedlegg som skal leverast inn	Vedlegg 4: Eige svarark for oppgåve 1 finn du lengst bak i oppgåvesettet.
Informasjon om oppgåvene	<p>Oppgåve 1 har 20 fleirvalsoppgåver med fire svaralternativ: A, B, C og D. Det er berre eitt rett svaralternativ for kvar fleirvalsoppgåve. Eit blankt svar tel som eit feil svar. Dersom du er i tvil, bør du derfor skrive det svaret du meiner er mest korrekt. Du kan berre svare med eitt svaralternativ: A, B, C eller D.</p> <p>Skriv svara for oppgåve 1 på svararket i vedlegg 4, som ligg heilt til sist i oppgåvesettet. Svararket skal du rive laus frå oppgåvesettet og levere inn. Du skal altså ikkje levere inn sjølve eksamensoppgåva med oppgåveteksten.</p> <p>Del 1 har 2 oppgåver. Del 2 har 3 oppgåver.</p>
Informasjon om vurderinga	<p>Vurderingskriteria i eksamensrettleiinga beskriv kvaliteten på kompetansen til kandidatane på tvers av kompetansemåla i læreplanen og sett i lys av teksten <i>om faget</i>.</p> <p>Det betyr at sensorane vurderer i kva grad du:</p> <ul style="list-style-type: none">- viser fysikkfagleg forståing- løyser problem i kjende og ukjende situasjoner

	<ul style="list-style-type: none"> - kan løyse problem ved rekning, modellering og bruk av formålstenlege hjelpemiddel - omarbeider eksperimentelle data - forklarer framgangsmåtar og grunngir svar i eit fagleg språk med rette nemningar - vurderer om svara er rimelege <p>Sjå eksamensrettleiringa for meir informasjon om vurderinga.</p>
Vurdering og vekting	Karakteren ved sluttvurderinga blir fastsett etter ei heilsakleg vurdering av eksamenssvaret. Dei to delane av svaret, del 1 og del 2, blir vurderte under eitt. Oppgåve 1 og 2 på del 1 tel omtrent like mykje. Del 2 tel omtrent 60 % av heile settet.
Kjelder	Grafar, bilete og figurar: Utdanningsdirektoratet

Del 1

Oppgåve 1 Fleirvalsoppgåver

Skriv svara for oppgåve 1 på eige svarark i vedlegg 4.

(Du skal altså *ikkje* levere inn sjølve eksamensoppgåva med oppgåveteksten.)

- a) Vi kan bestemme massen, m , til eit ion ved å måle radiusen, r , til banen ionet følgjer gjennom eit magnetfelt med flukstettleik (feltstyrke) B . Då bruker vi formelen

$$m = \frac{qBr}{v}$$

der q er ladningen til ionet og v er farten til ionet. Storleikane B , r og v er alle målte med ei usikkerheit på 2 %.

Kor stor er usikkerheita i m ?

- A. 2 %
- B. 4 %
- C. 6 %
- D. 8 %

- b) Ei kule blir skoten med startfart v frå eit horisontalt underlag. Startfarten dannar utgangsvinkelen α med underlaget, der $0^\circ < \alpha < 45^\circ$. Kula landar etter tida t_0 . Sjå bort frå luftmotstand.



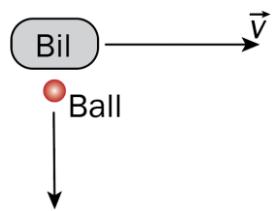
Kula blir skoten på nytt med startfart v og utgangsvinkel 2α . Kula landar no etter tida t_1 .

Kva er riktig om tida t_1 ?

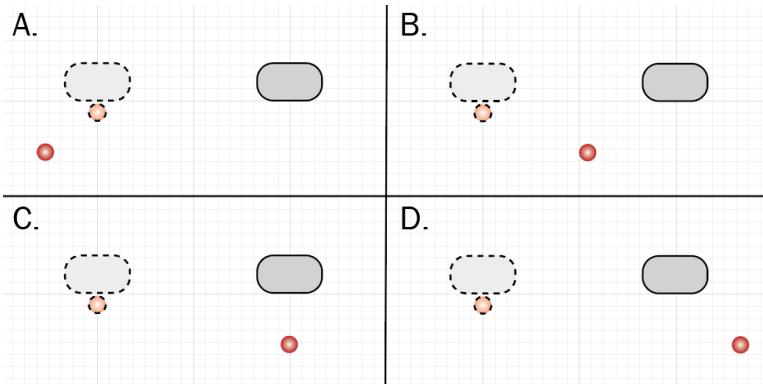
- A. $t_1 < t_0$
- B. $t_1 = t_0$
- C. $t_1 > t_0$
- D. Det er umogleg å vite om kastet tek kortare, like lang eller lengre tid.

- c) Ein bil kører med ein konstant fart v mot høgre. Ein ball blir kasta ut av bilvindaugen vinkelrett på fartsretninga til bilen, som vist i figuren til høgre. Sjå bort frå luftmotstand.

Posisjonen til bilen og posisjonen til ballen idet ballen blir kasta, er stipla i figurane under.

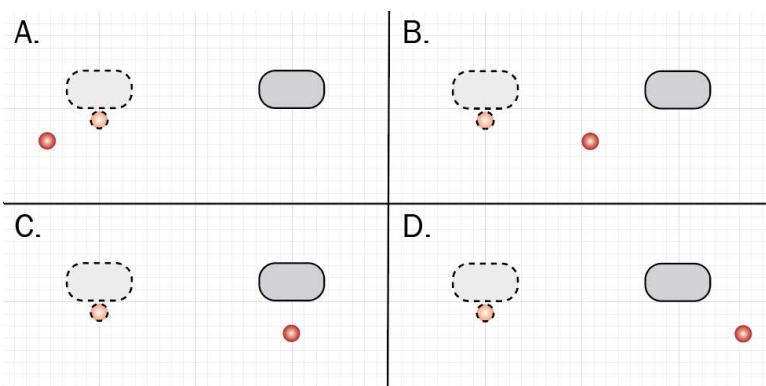


Kva for ein figur viser best samanhengen mellom posisjonen til bilen og posisjonen til ballen idet ballen landar?

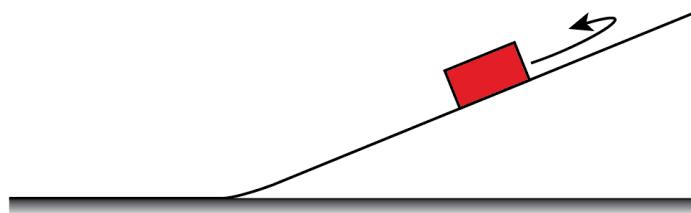


- d) Vi ser framleis på situasjonen med bilen og ballen i førre oppgåve, men no ser vi ikkje bort frå luftmotstanden. Det er vindstille i forhold til bakken.

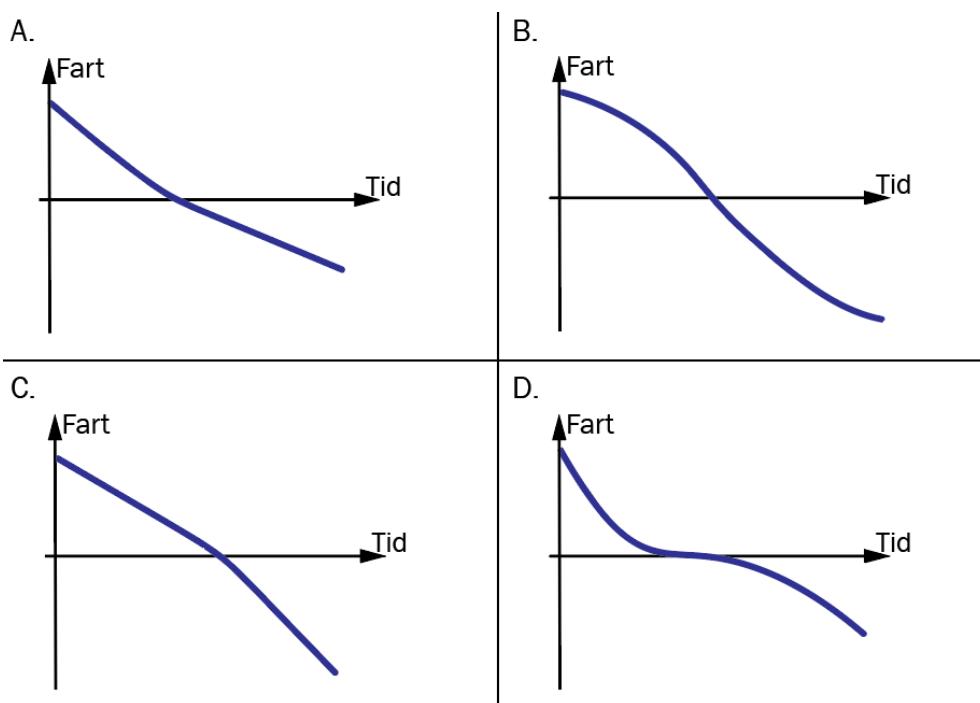
Kva for ein figur viser best samanhengen mellom posisjonen til bilen og posisjonen til ballen idet ballen landar?



- e) Ein kloss glir oppover eit skråplan, snur og glir ned igjen. Vi ser bort frå luftmotstanden, men vi ser **ikkje** bort frå friksjonen mellom klossen og underlaget.



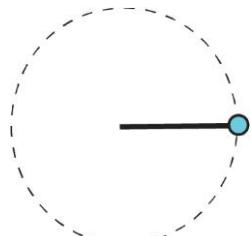
Kva av ein graf viser best klossen sin fart som funksjon av tid?



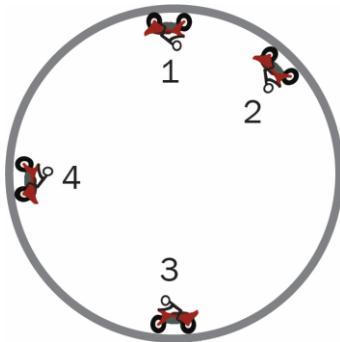
- f) Ei kule beveger seg med konstant banefart i ei horisontal sirkelbane.

Kva er riktig om kraftsummen på kula?

- A. Kraftsummen er null.
- B. Kraftsummen er retta inn mot sentrum av sirkelbana.
- C. Kraftsummen er retta ut frå sentrum av sirkelbana.
- D. Kraftsummen er parallel med fartsretninga.



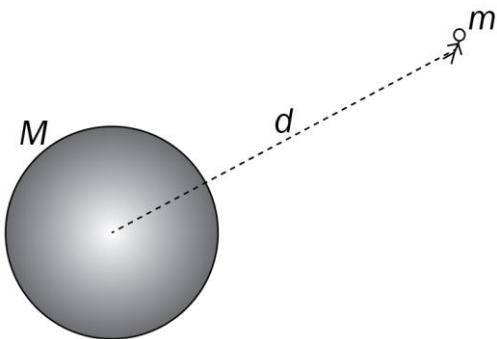
- g) Ein motorsyklist køyrrer med konstant banefart inni ein vertikal loop. Figuren viser motorsykkelen i fire ulike posisjonar.



Ranger storleiken på normalkrafta frå underlaget på motorsykkelen i dei fire ulike posisjonane frå minst til størst.

- A. 1, 4, 2, 3
- B. 1, 2, 4, 3
- C. 4, 1, 3, 2
- D. 4, 3, 1, 2

- h) Ein astronaut med masse m er i ein avstand d frå sentrum av ein planet med masse M . Både astronauten og planeten er langt unna alle andre himmellekamar.



Kva viser uttrykket $\frac{\gamma M}{d^2}$?

- A. gravitasjonsfeltstyrken ved astronauten
- B. unnsleppingsfarten til astronauten
- C. gravitasjonskrafta på astronauten
- D. den potensielle energien til astronauten

- i) Ein planet har masse M og radius R . Ein lekam med masse m er i ro på overflata av planeten ved ekvator. Planeten roterer svært fort, slik at normalkrafta på lekamen er halvparten av gravitasjonskrafta.

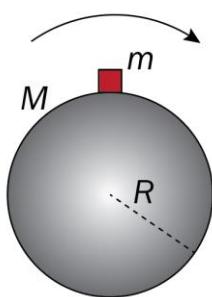
Kva er riktig uttrykk for summen av kraftene på lekamen?

A. $\Sigma F = \frac{2\gamma m M}{R^2}$

B. $\Sigma F = \frac{\gamma m M}{2R^2}$

C. $\Sigma F = \frac{\gamma m M}{4R^2}$

D. $\Sigma F = 0$

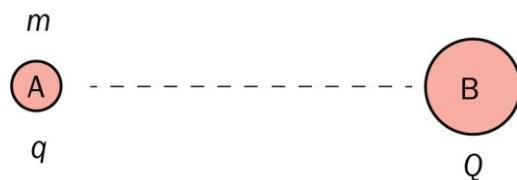


- j) Ein partikkel A med masse m og ladning q blir sleppt frå ro i nærleiken av ein annan partikkel B med ladning Q . Partikkel B blir halden fast. Programmet under reknar ut farten til partikkel A når han er 0,1 meter frå B.

```

1 q = 1.5e-8
2 Q = 2*q
3 k = 8.99e9
4 m = 0.00005
5
6 t = 0
7 r = 0.01      # Posisjon ved t = 0
8 v = 0          # Fart ved t = 0
9 dt = 0.0001
10
11 while r < 0.1:
12     a =
13     v = v + a*dt
14     r = r + v*dt
15     t = t + dt
16 print(v)

```



Kva er riktig kode for linje 12?

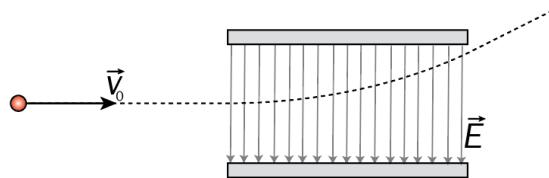
A. $a = k * q * Q / (r * m)$

B. $a = k * q * Q / (r^{**} 2 * m)$

C. $a = k * Q / (r * m)$

D. $a = k * Q / (r^{**} 2 * m)$

- k) Ein ladd partikkel beveger seg med farten v_0 horisontalt inn mellom to ladde plater. Det elektriske feltet mellom platene har retning vertikalt nedover. Den stipla linja viser partikkelbanen.



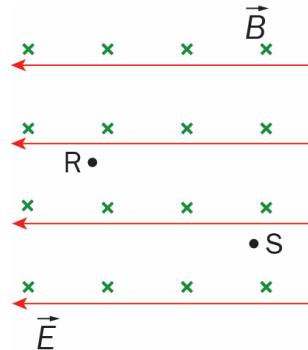
Kva for eit forteikn har ladningen på partikkelen, og kva er riktig om farten v til partikkelen etter at han har passertfeltet?

	Ladning	Fart
A.	positiv	$v > v_0$
B.	positiv	$v = v_0$
C.	negativ	$v > v_0$
D.	negativ	$v = v_0$

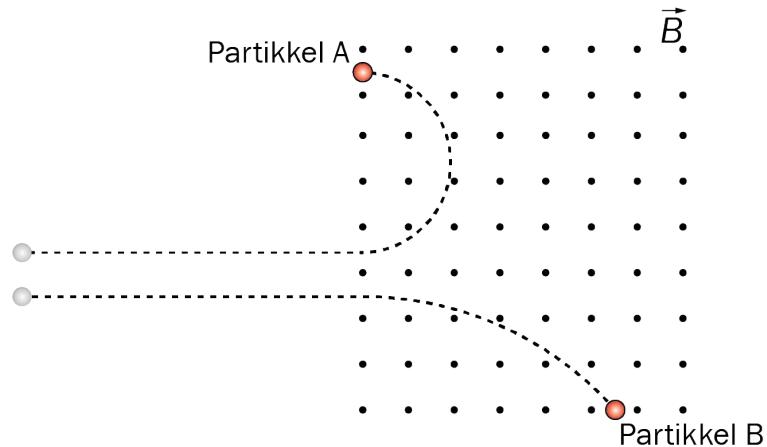
- l) Eit elektron er i eit område der det er både eit homogent elektrisk felt og eit homogent magnetisk felt. Sjå figur. Det elektriske feltet peikar mot venstre. Eit elektron følgjer ei bane i papirplanet gjennom punkta S og R.

Kva er riktig?

- A. Elektronet følgjer ei sirkelbane.
- B. Den magnetiske krafta på elektronet er konstant.
- C. Den magnetiske krafta utfører eit arbeid på elektronet.
- D. Elektronet har minst fart ved punktet R.



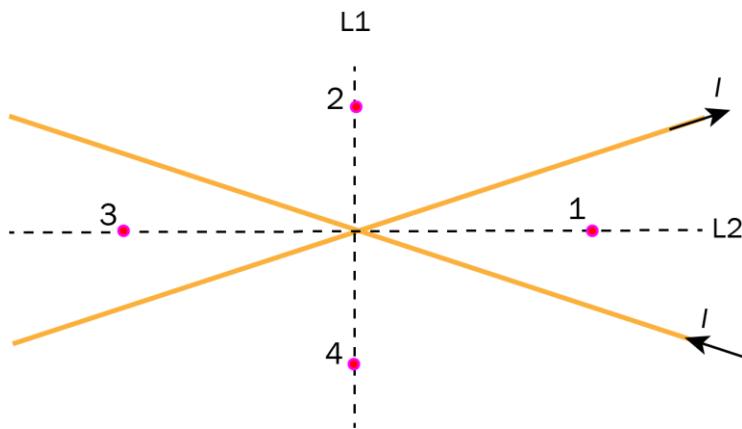
- m) Partiklane A og B beveger seg parallelt i papirplanet med like stor fart. Deretter kjem dei inn i eit område der det er eit homogent magnetfelt. Banene til partiklane er vist på figuren. Partikkelen B har masse m .



Kva er riktig om ladningen og massen til partikkelen A?

	Ladning til partikkelen A	Massa til partikkelen A
A.	positiv	større enn m
B.	positiv	mindre enn m
C.	negativ	større enn m
D.	negativ	mindre enn m

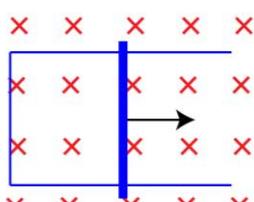
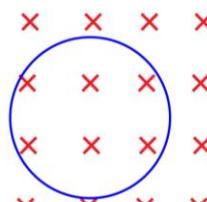
- n) To lange, rette, isolerte leiarar ligg i kryss over kvarandre i eit plan og fører den same straumen I . Straumretningane i leiarane er viste på figuren. Dei to stipla linjene, L1 og L2, er vinkelhalveringslinjene mellom leiarane. Det er markert fire punkt på linjene.



I kva for nokre punkt er det samla magnetfeltet frå dei to leiarane null?

- A. punkt 1 og 4
- B. punkt 2 og 3
- C. punkt 2 og 4
- D. punkt 1 og 3

- o) Figuren viser tre lukka straumsløyfer i ulike situasjonar i eit homogent magnetfelt. Figurtekstane fortel om årsaka til induksjonsstraumane.

1  Ei straumsløyfe er på veg ut av feltet mot høgre.	2  Ein leiar glir på to skjener mot høgre.	3  Magnetisk fluksstettleik minker.
--	--	---

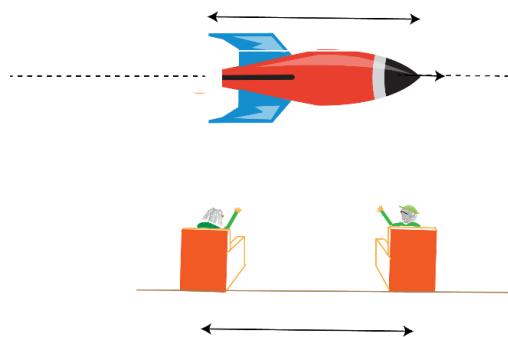
I kva for nokre situasjonar går induksjonsstraumen med klokka?

- A. 1 og 2
- B. 1 og 3
- C. 2 og 3
- D. 1, 2 og 3

- p) Eit romskip har svært høg fart i forhold til jorda. Ein romfarar om bord måler lengda av romskipet til å vere L_0 . Observert frå jorda er lengda av romskipet L . To personar på jorda måler at avstanden mellom dei er D_0 . Observert frå romskipet er avstanden mellom personane D . Romskipet beveger seg parallelt med linja mellom dei to personane.

Kva er riktig?

A.	$D > D_0$	$L > L_0$
B.	$D < D_0$	$L > L_0$
C.	$D > D_0$	$L < L_0$
D.	$D < D_0$	$L < L_0$



- q) Programmet gjer ein berekning på eit elektron.

```
1 from pylab import *
2
3 def f(m,c,v):
4     return m*c**2/(sqrt(1 - (v/c)**2)) - m*c**2
5
6 m = 9.11e-31
7 c = 3.00e8
8 dv = 0.01*c
9 v = 0
10 v_liste = [v]
11 f_liste = [0]
12
13 while v < 0.99*c:
14     v = v + dv
15     v_liste.append(v)
16     f_liste.append(f(m,c,v))
17 plot(v_liste, f_liste)
18 show()
```

Kva viser grafen programmet skriv ut?

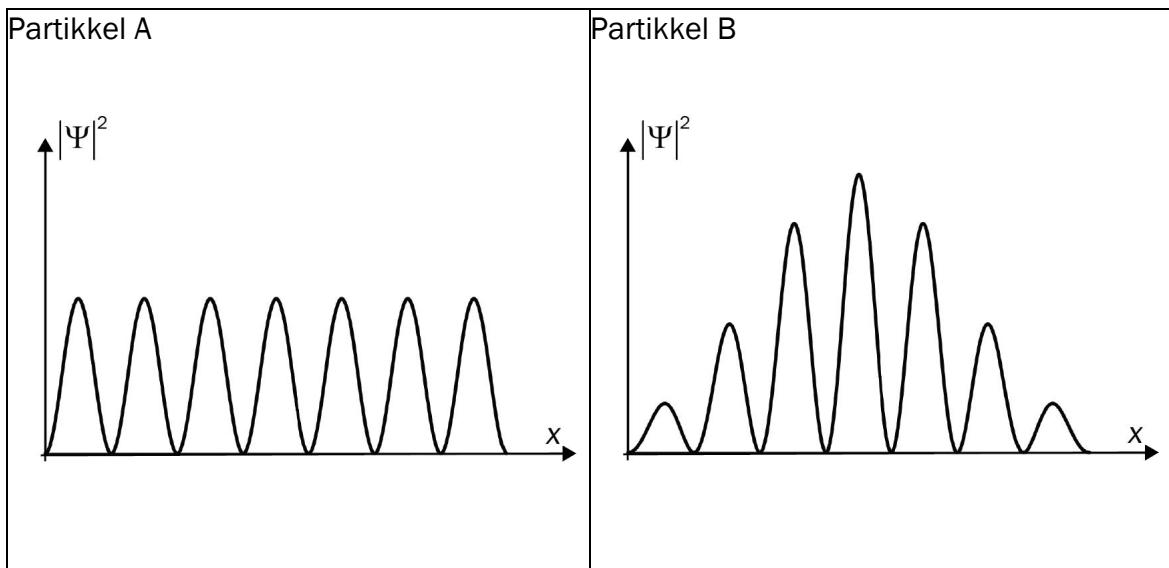
- A. potensiell energi som funksjon av fart
- B. kinetisk energi som funksjon av fart
- C. bevegelsesmengd som funksjon av fart
- D. totalenergi som funksjon av fart

- r) Eit ion blir akselerert frå ro av ei spenning U og får de Broglie-bølgjelengda λ .

Korleis blir bølgjelengda endra dersom vi aukar spenninga?

- A. Bølgjelengda aukar.
- B. Bølgjelengda er uendra.
- C. Bølgjelengda minkar.
- D. Det kan vi ikkje vite utan at massen til ionet er kjend.

s) Nedanfor ser du den kvadrerte av bølgjefunksjonen til to kvantepartiklar.



Det er gitt to påstandar:

1. Partikkel A har større uskarpleik i posisjonen enn partikkel B.
2. Partikkel B har ingen uskarpleik i bevegelsesmengd.

Kva er riktig?

- A. ingen av påstandane
- B. påstand 1
- C. påstand 2
- D. begge påstandane

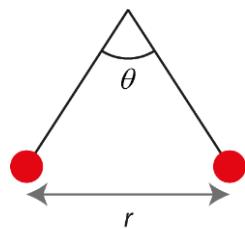
t) Nokre atomkjernar kan sende ut ein alfapartikkel. Ifølgje klassisk fysikk har ikkje alfapartikkelen nok energi til å komme ut av atomkjernen, men eit fenomen i kvantefysikken forklarer at alfapartikkelen likevel kan komme ut.

Kva blir dette fenomenet kalla?

- A. comptoneffekt
- B. lengdekontraksjon
- C. tidsforlenging
- D. tunnelering

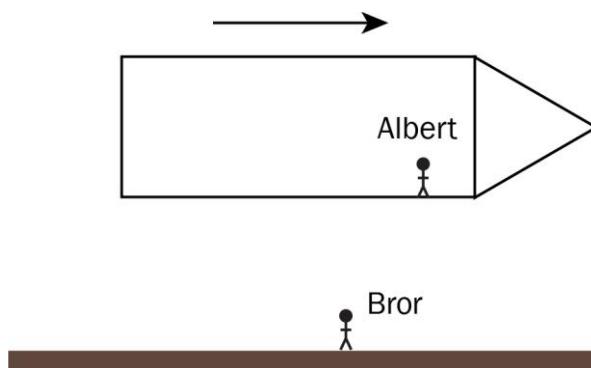
Oppgåve 2

- a) To kuler med lik ladning Q og masse m heng i to like lange snorer. Vinkelen mellom snorene er θ , og avstanden mellom kulene er r .



1. Teikn kreftene som verkar på kulene.
2. Bestem absoluttverdien til ladningen Q uttrykt ved storleikane gitt i oppgåva og kjende konstantar.

- b) Eit romskip har konstant fart i forhold til jorda slik at lorentzfaktoren $\gamma = 2,0$. Albert er om bord i romskipet og Bror står på jorda. Ei hending skjer på jorda. Albert måler at hendinga tek $1,0 \mu\text{s}$.



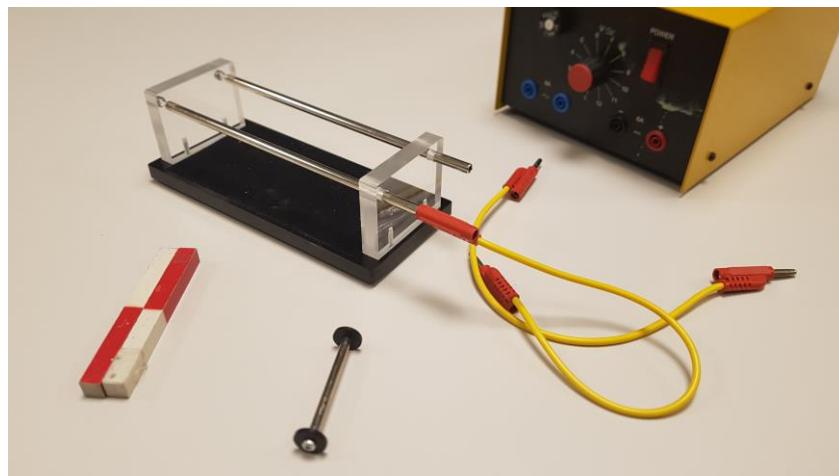
1. Bruk den spesielle relativitetsteorien til å bestemme kor lang tid Bror måler at hendinga tek.

Dersom romskipet er langt nok unna jorda, må vi òg ta omsyn til den generelle relativitetsteorien.

2. Forklar korleis svaret i oppgåve b1 vil endrast viss vi òg må ta omsyn til den generelle relativitetsteorien.

- c) Kvifor må vi bruke kvantefysikk for å forklare fenomenet fotoelektrisk effekt?

- d) Du får levert ut følgjande utstyr: spenningskjelde, stavmagnetar, leidningar, to metallskjener som er festa til eit stativ, og ein leiarstav som er litt lengre enn avstanden mellom skjenene.



Gjer greie for korleis du kan bruke utstyret til å demonstrere fenomenet *kraft på leiar i magnetfelt*.

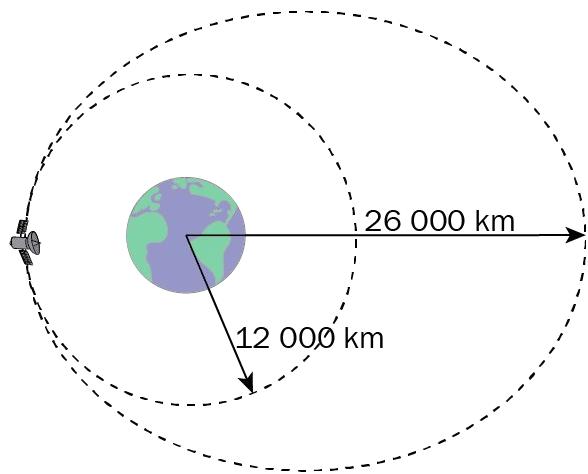
Del 2

Oppgåve 3

Ein satellitt går i ei sirkelbane med radius 12 000 km rundt jorda.

- a) Vis at banefarten til satellitten er 5,76 km/s.

Banefarten til satellitten aukar momentant til 6,74 km/s. Satellitten går då inn i ei ellipsebane. Avstanden frå satellitten til sentrum av jorda er på det meste 26 000 km.



- b) Kva er den minste farten satellitten har i ellipsebanen?

Satellitten kolliderer med ein asteroide når han er 26 000 km unna sentrum av jorda. Dette fører til at satellitten stoppar opp og begynner å falle rett mot jorda.

- c) Bruk bevaring av energi til å bestemme kor stor fart satellitten treffer jorda med. Sjå bort frå luftmotstand.

Programkoden til høgre bereknar den same farten som i oppgåve c.

- d) Forklar korleis ein kjem fram til uttrykket på linje 9, og forklar kva som blir rekna ut på linje 10.
e) Bestem kor lang tid satellitten bruker frå han er 26 000 km frå jorda, til han treffer jorda. Sjå bort frå luftmotstand.

1	gamma = 6.67e-11
2	M = 5.974e24
3	R = 6371e3
4	r = 26000e3
5	v = 0
6	dt = 0.1
7	
8	while r > R:
9	v = v + (gamma*M/r**2)*dt
10	r = r - v*dt
11	print(v)

Oppgåve 4

Ein vindturbin dannar om kinetisk energi frå vinden til elektrisk energi. Den maksimale effekten turbinen kan hente ut frå vinden, er gitt ved

$$P_{\text{maks}} = 0,45 \cdot \frac{1}{2} \rho \pi r^2 v^3$$

der ρ er massetettleiken til lufta, r er lengda av rotorblada, og v er vindfarten.

- a) Kvifor vil små endringar i vindfarten gi store endringar i effekten turbinen kan hente ut?

Rotorblada er 68,0 m lange og massetettleiken til lufta er $1,22 \text{ kg/m}^3$.



- b) Kor stor må vindfarten vere for at turbinen skal leve ein effekt på 3,45 MW?

Når turbinen leverer ein effekt på 3,45 MW, beveger tuppen av rotorblada seg med ein fart på 70,0 m/s.

- c) 1. Kor mykje energi blir vunne ut i løpet av ein runde?
2. Kva er verdien på denne energien dersom prisen per kWh er 2,00 kroner?
- d) Kvifor er det ikkje mogleg å forme om all den kinetiske energien i vinden til elektrisk energi?

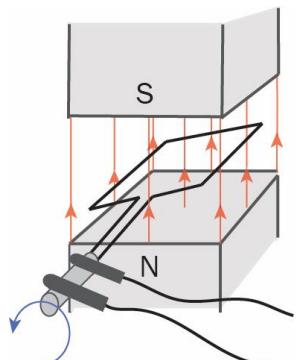
Noko av den kinetiske energien i vinden blir danna om til elektrisk energi i ein vekselstraumgenerator. Spenninga generatoren leverer, blir vanlegvis oppgitt som effektivverdi,

$$\varepsilon_e = \frac{\varepsilon_{\text{maks}}}{\sqrt{2}},$$

der $\varepsilon_{\text{maks}}$ er den maksimale induserte spenninga.

Figuren viser ein forenkla modell av ein generator. Den magnetiske fluksen gjennom leiarløyfa er gitt ved

$$\Phi(t) = 3,2 \cos(100\pi t), \text{ der } t \text{ er gitt i sekund og } \Phi \text{ i Wb.}$$



- e) Vis at effektivverdien av den induserte spenninga i denne generatoren er 0,71 kV.

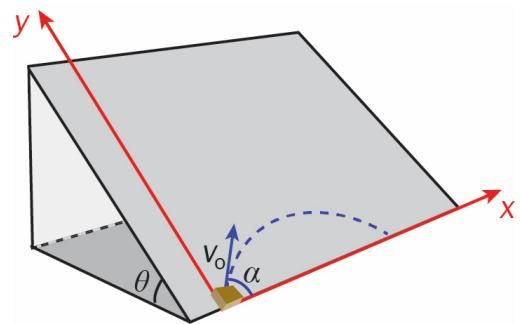
Når den elektriske energien skal overførast til forbrukarane, blir effektivverdien auka frå 0,71 kV til 132 kV gjennom ein transformator. Sjå bort frå energitap i transformatoren.

- f) Bestem forholdet mellom talet på vindingar på sekundær- og primærsida, og bestem kva side som har flest vindingar.

Oppgåve 5

Ein kloss blir send på skrå oppover eit skråplan. Skråplanvinkelen $\theta = 30^\circ$. Klossen blir send med ein startfart $v_0 = 1,5 \text{ m/s}$ og utgangsvinkel $\alpha = 45^\circ$. x- og y-aksen er som vist i figuren.

Sjå bort frå luftmotstand i heile oppgåva, og sjå bort frå friksjon i oppgåve a, b, c og d.



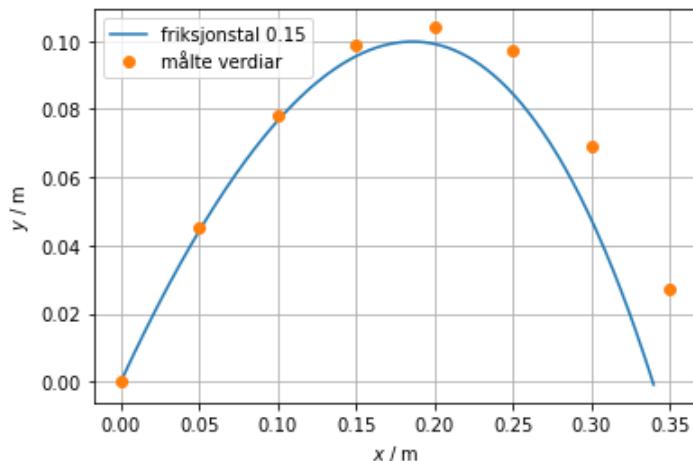
- Forklar at storleiken på akselerasjonen til klossen er $g/2$ der g er tyngdeakselerasjonen.
- Vis at klossen bruker $0,43 \text{ s}$ frå start til han har komme ned frå skråplanet.
- Kor langt frå startposisjonen er klossen når han har komme ned frå skråplanet?
- Vis at posisjonen til klossen er gitt ved $y = x - \frac{gx^2}{2v_0^2}$ mens han glir på skråplanet.

Ole gjennomfører eit fysikkforsøk som beskrive ovanfor. Tabellen nedanfor viser måleverdiane frå forsøket.

x-aposisjon / m	0	0,05	0,10	0,15	0,20	0,25	0,30	0,35
y-aposisjon / m	0	0,045	0,078	0,099	0,104	0,097	0,069	0,027

- Vurder og utforsk om formelen i oppgåve d gjeld for alle verdiane i tabellen.

Ole antek at friksjonstalet i forsøket er 0,15. Han ønskjer å undersøke om dette stemmer med måleresultata. Ole gjer nødvendige berekningar og lagar eit program som teiknar grafen nedanfor.



- Har Ole anteke ein for låg eller høg verdi for friksjonstalet?

Bokmål

Eksamensinformasjon	
Eksamensstid	<p>Eksamensvarer i 5 timer.</p> <p>Del 1 skal leveres inn etter 2 timer.</p> <p>Del 2 skal leveres inn senest etter 5 timer.</p> <p>Du kan begynne å løse oppgavene i del 2 når som helst, men du kan ikke bruke hjelpebidrag før etter 2 timer – etter at du har levert svarene for del 1.</p>
Tillatte hjelpebidrag under eksamen	<p>Del 1: skrivesaker, passer, linjal, vinkelmåler og vedlegg i oppgavesettet</p> <p>Del 2: Alle hjelpebidrag er tillatt, bortsett fra åpent internett og andre verktøy som kan brukes til kommunikasjon.</p> <p>Ved bruk av nettbaserte hjelpebidrag under eksamen har du ikke lov til å kommunisere med andre. Samskriving, chat og andre måter å utveksle informasjon med andre på er ikke tillatt. Du kan ikke bruke automatisk teksgenerator som chatbot eller tilsvarende teknologi.</p>
Bruk av kilder	<p>Dersom du bruker kilder i svaret ditt, skal du alltid føre dem opp på en slik måte at leseren kan finne fram til dem.</p> <p>Du skal føre opp forfatter og fullstendig tittel på både lærebøker og annen litteratur. Dersom du bruker utskrifter eller sitat fra internett, skal du føre opp nøyaktig nettadresse og nedlastingsdato.</p>
Vedlegg	<ol style="list-style-type: none">1 Faktavedlegg2 Formelvedlegg3 Programmeringsvedlegg4 Eget svarark for oppgave 1
Vedlegg som skal leveres inn	Vedlegg 4: Eget svarark for oppgave 1 finner du bakerst i oppgavesettet.
Informasjon om oppgavene	<p>Opgave 1 har 20 flervalgsoppgaver med fire svaralternativer: A, B, C og D. Det er bare ett riktig svaralternativ for hver flervalgsoppgave. Et blankt svar blir regnet som et feil svar. Dersom du er i tvil, bør du derfor skrive det svaret du mener er mest korrekt. Du kan bare svare med ett svaralternativ: A, B, C eller D.</p> <p>Skriv svarene for oppgave 1 på eget svarark i vedlegg 4, som ligger helt til sist i oppgavesettet. Svararket skal du rive løs fra oppgavesettet og levere inn. Du skal altså ikke levere inn selve eksamensoppgaven med oppgaveteksten.</p> <p>Del 1 har 2 oppgaver. Del 2 har 3 oppgaver.</p>
Informasjon om vurderingen	<p>Vurderingskriteriene i eksamsveiledningen beskriver kvaliteten på kandidatenes kompetanse på tvers av læreplanens kompetansemål og sett i lys av teksten <i>om faget</i>.</p> <p>Det betyr at sensorene vurderer i hvilken grad du:</p> <ul style="list-style-type: none">- viser fysikkfaglig forståelse- løser problemer i kjente og ukjente situasjoner

	<ul style="list-style-type: none"> - kan løse problemer ved regning, modellering og bruk av hensiktsmessige hjelpeemidler - bearbeider eksperimentelle data - forklarer fremgangsmåter og begrunner svar i et faglig språk med riktige benevninger - vurderer om svarene er rimelige <p>Se eksamensveiledningen for mer informasjon om vurderingen.</p>
Vurdering og vekting	<p>Karakteren ved sluttvurderingen blir fastsatt etter en helhetlig vurdering av eksamenssvaret.</p> <p>De to delene av svaret, del 1 og del 2, blir vurdert under ett. Oppgave 1 og 2 på del 1 teller omtrent likt. Del 2 teller omtrent 60 % av hele settet.</p>
Kilder	Grafer, bilder og figurer: Utdanningsdirektoratet

Del 1

Oppgave 1 Flervalgsoppgaver

Skriv svarene for oppgave 1 på eget svarark i vedlegg 4.

(Du skal altså ikke levere inn selve eksamensoppgaven med oppgaveteksten.)

- a) Vi kan bestemme massen, m , til et ion ved å måle radien, r , til banen ionet følger gjennom et magnetfelt med fluksstetthet (feltstyrke) B . Da bruker vi formelen

$$m = \frac{qBr}{v}$$

hvor q er ladningen til ionet og v er farten til ionet. Størrelsene B , r og v er alle målt med en usikkerhet på 2 %.

Hvor stor er usikkerheten i m ?

- A. 2 %
- B. 4 %
- C. 6 %
- D. 8 %

- b) Ei kule skytes med startfart v fra et horisontalt underlag. Startfarten danner utgangsvinkelen α med underlaget, der $0^\circ < \alpha < 45^\circ$. Kula lander etter tiden t_0 . Se bort fra luftmotstand.



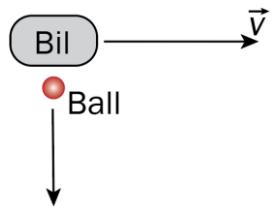
Kula skytes på nytt med startfart v og utgangsvinkel 2α . Kula lander nå etter tiden t_1 .

Hva er riktig om tiden t_1 ?

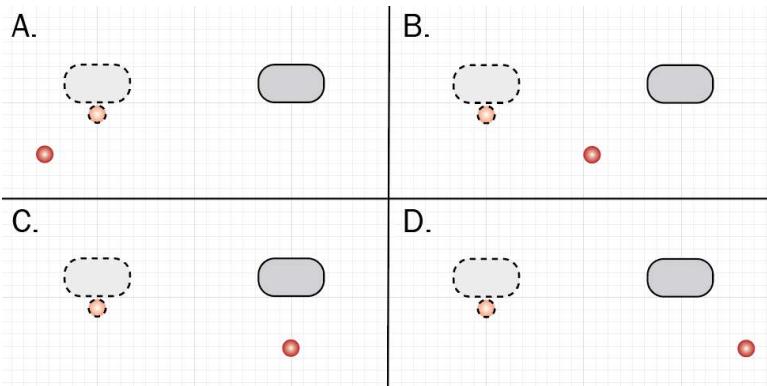
- A. $t_1 < t_0$
- B. $t_1 = t_0$
- C. $t_1 > t_0$
- D. Det er umulig å vite om kastet tar kortere, like lang eller lengre tid.

- c) En bil kjører med en konstant fart v mot høyre. En ball kastes ut av bilvinduet vinkelrett på fartsretningen til bilen, som vist i figuren til høyre. Se bort fra luftmotstand.

Posisjonen til bilen og posisjonen til ballen idet ballen blir kastet, er stilet i figurene under.

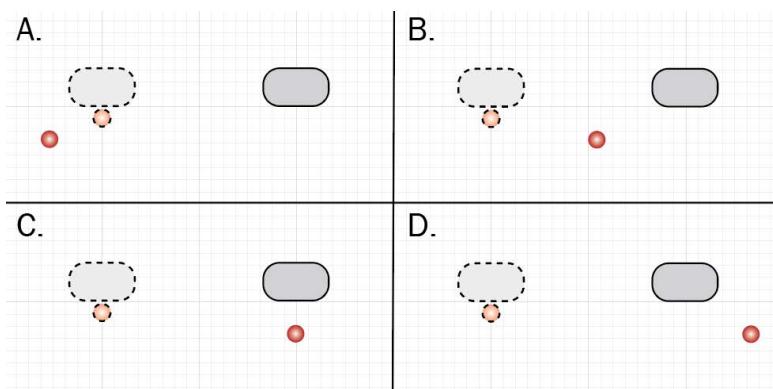


Hvilken figur viser best sammenhengen mellom posisjonen til bilen og posisjonen til ballen idet ballen lander?

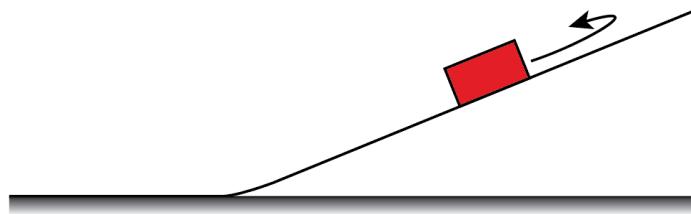


- d) Vi ser fortsatt på situasjonen med bilen og ballen i forrige oppgave, men nå ser vi ikke bort fra luftmotstanden. Det er vindstille i forhold til bakken.

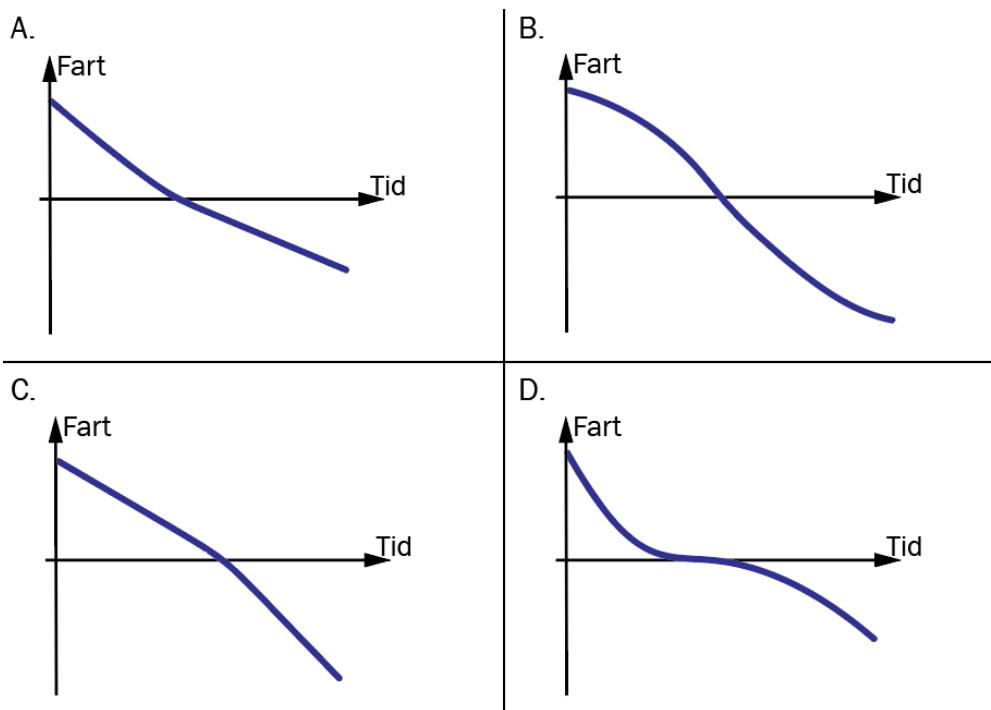
Hvilken figur viser best sammenhengen mellom posisjonen til bilen og posisjonen til ballen idet ballen lander?



- e) En kloss glir oppover et skråplan, snur og glir ned igjen. Vi ser bort fra luftmotstanden, men vi ser ikke bort fra friksjonen mellom klossen og underlaget.



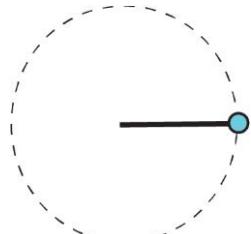
Hvilken graf viser best klossen sin fart som funksjon av tid?



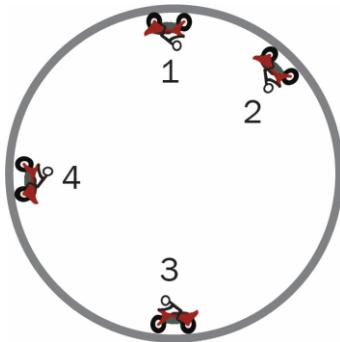
- f) Ei kule beveger seg med konstant banefart i en horisontal sirkelbane.

Hva er riktig om kraftsummen på kula?

- A. Kraftsummen er null.
- B. Kraftsummen er rettet inn mot sentrum av sirkelbanen.
- C. Kraftsummen er rettet ut fra sentrum av sirkelbanen.
- D. Kraftsummen er parallel med fartsretningen.



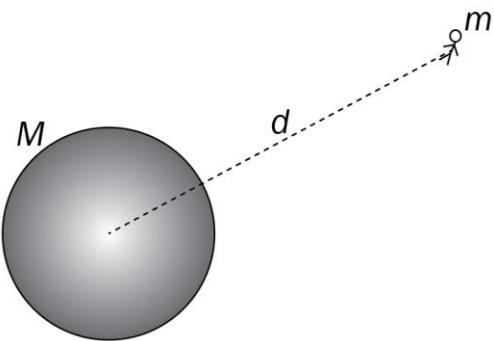
- g) En motorsyklist kjører med konstant banefart inni en vertikal loop. Figuren viser motorsykkelen i fire ulike posisjoner.



Ranger størrelsen på normalkraften fra underlaget på motorsykkelen i de fire ulike posisjonene fra minst til størst.

- A. 1, 4, 2, 3
- B. 1, 2, 4, 3
- C. 4, 1, 3, 2
- D. 4, 3, 1, 2

- h) En astronaut med masse m er i en avstand d fra sentrum av en planet med masse M . Både astronauten og planeten er langt unna alle andre himmellegemer.



Hva viser uttrykket $\frac{\gamma M}{d^2}$?

- A. gravitasjonsfeltstyrken ved astronauten
- B. unnslipningsfarten til astronauten
- C. gravitasjonskraften på astronauten
- D. den potensielle energien til astronauten

- i) En planet har masse M og radius R . Et legeme med masse m er i ro på planetens overflate ved ekvator. Planeten roterer svært fort, slik at normalkraften på legemet er halvparten av gravitasjonskraften.

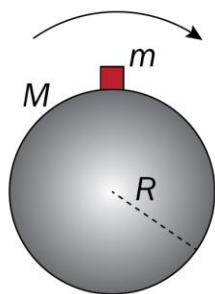
Hva er riktig uttrykk for summen av kreftene på legemet?

A. $\Sigma F = \frac{2\gamma m M}{R^2}$

B. $\Sigma F = \frac{\gamma m M}{2R^2}$

C. $\Sigma F = \frac{\gamma m M}{4R^2}$

D. $\Sigma F = 0$



- j) En partikkel A med masse m og ladning q slippes fra ro i nærheten av en annen partikkel B med ladning Q . Partikkel B holdes fast. Programmet under regner ut farten til partikkel A når den er 0,1 meter fra B.

```

1 q = 1.5e-8
2 Q = 2*q
3 k = 8.99e9
4 m = 0.00005
5
6 t = 0
7 r = 0.01      # Posisjon ved t = 0
8 v = 0          # Fart ved t = 0
9 dt = 0.0001
10
11 while r < 0.1:
12     a =
13     v = v + a*dt
14     r = r + v*dt
15     t = t + dt
16 print(v)

```



Hva er riktig kode for linje 12?

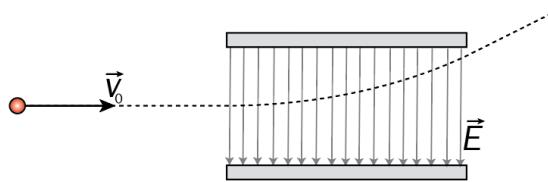
A. $a = k * q * Q / (r * m)$

B. $a = k * q * Q / (r^{**} 2 * m)$

C. $a = k * Q / (r * m)$

D. $a = k * Q / (r^{**} 2 * m)$

- k) En ladd partikkel beveger seg med farten v_0 horisontalt inn mellom to ladde plater. Det elektriske feltet mellom platene har retning vertikalt nedover. Den stiplete linja viser partikkelenbanen.



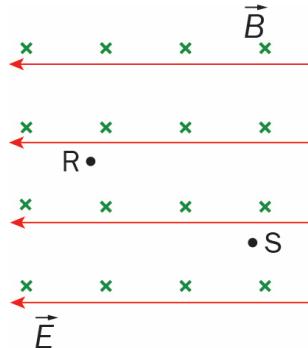
Hvilket fortegn har ladningen på partikkelen, og hva er riktig om farten v til partikkelen etter at den har passert feltet?

	Ladning	Fart
A.	positiv	$v > v_0$
B.	positiv	$v = v_0$
C.	negativ	$v > v_0$
D.	negativ	$v = v_0$

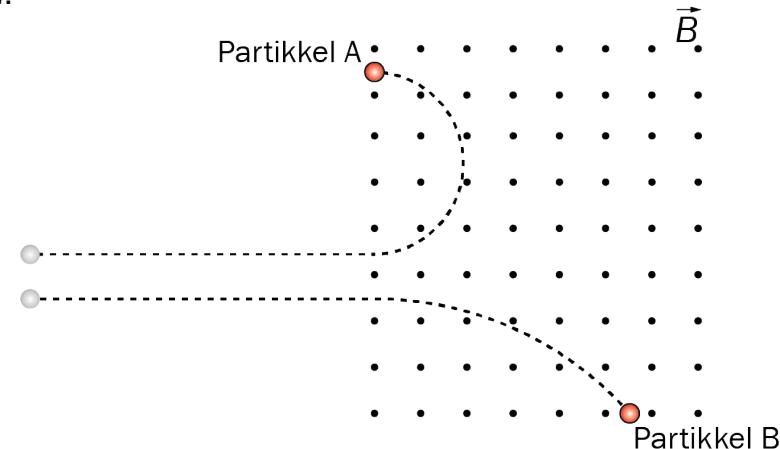
- l) Et elektron er i et område hvor det er både et homogent elektrisk felt og et homogent magnetisk felt. Se figur. Det elektriske feltet peker mot venstre. Et elektron følger en bane i papirplanet gjennom punktene S og R.

Hva er riktig?

- A. Elektronet følger en sirkelbane.
- B. Den magnetiske kraften på elektronet er konstant.
- C. Den magnetiske kraften utfører et arbeid på elektronet.
- D. Elektronet har minst fart ved punktet R.



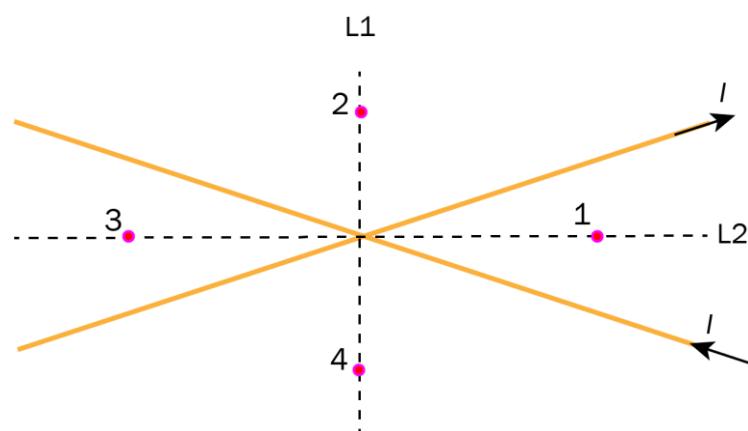
- m) Partiklene A og B beveger seg parallelt i papirplanet med like stor fart. Deretter kommer de inn i et område hvor det er et homogent magnetfelt. Banene til partiklene er vist på figuren. Partikkelen B har masse m .



Hva er riktig om ladningen og massen til partikkelen A?

	Ladning til partikkelen A	Masse til partikkelen A
A.	positiv	større enn m
B.	positiv	mindre enn m
C.	negativ	større enn m
D.	negativ	mindre enn m

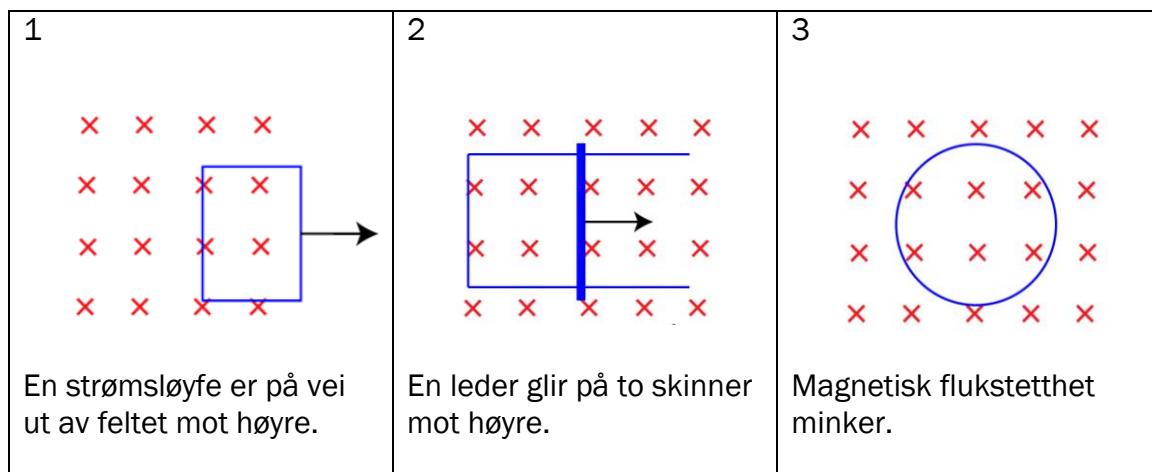
- n) To lange, rette, isolerte ledere ligger i kryss over hverandre i et plan og fører den samme strømmen I . Strømretningene i lederne er vist på figuren. De to stiplede linjene, L1 og L2, er vinkelhalveringslinjene mellom lederne. Det er markert fire punkter på linjene.



I hvilke punkter er det samlede magnetfeltet fra de to lederne null?

- A. punkt 1 og 4
- B. punkt 2 og 3
- C. punkt 2 og 4
- D. punkt 1 og 3

- o) Figuren viser tre lukkede strømsløyfer i ulike situasjoner i et homogent magnetfelt. Figurtekstene forteller om årsaken til induksjonsstrømmene.



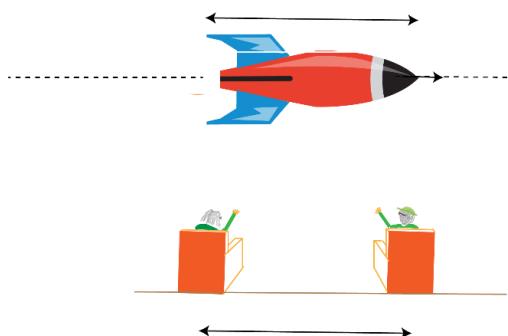
I hvilke situasjoner går induksjonsstrømmen med klokka?

- A. 1 og 2
- B. 1 og 3
- C. 2 og 3
- D. 1, 2 og 3

- p) Et romskip har svært høy fart i forhold til jorda. En romfarer om bord måler lengden av romskipet til å være L_0 . Observert fra jorda er lengden av romskipet L . To personer på jorda måler at avstanden mellom dem er D_0 . Observert fra romskipet er avstanden mellom personene D . Romskipet beveger seg parallelt med linja mellom de to personene.

Hva er riktig?

A.	$D > D_0$	$L > L_0$
B.	$D < D_0$	$L > L_0$
C.	$D > D_0$	$L < L_0$
D.	$D < D_0$	$L < L_0$



- q) Programmet gjør en beregning på et elektron.

```
1 from pylab import *
2
3 def f(m,c,v):
4     return m*c**2/(sqrt(1 - (v/c)**2)) - m*c**2
5
6 m = 9.11e-31
7 c = 3.00e8
8 dv = 0.01*c
9 v = 0
10 v_liste = [v]
11 f_liste = [0]
12
13 while v < 0.99*c:
14     v = v + dv
15     v_liste.append(v)
16     f_liste.append(f(m,c,v))
17 plot(v_liste, f_liste)
18 show()
```

Hva viser grafen programmet skriver ut?

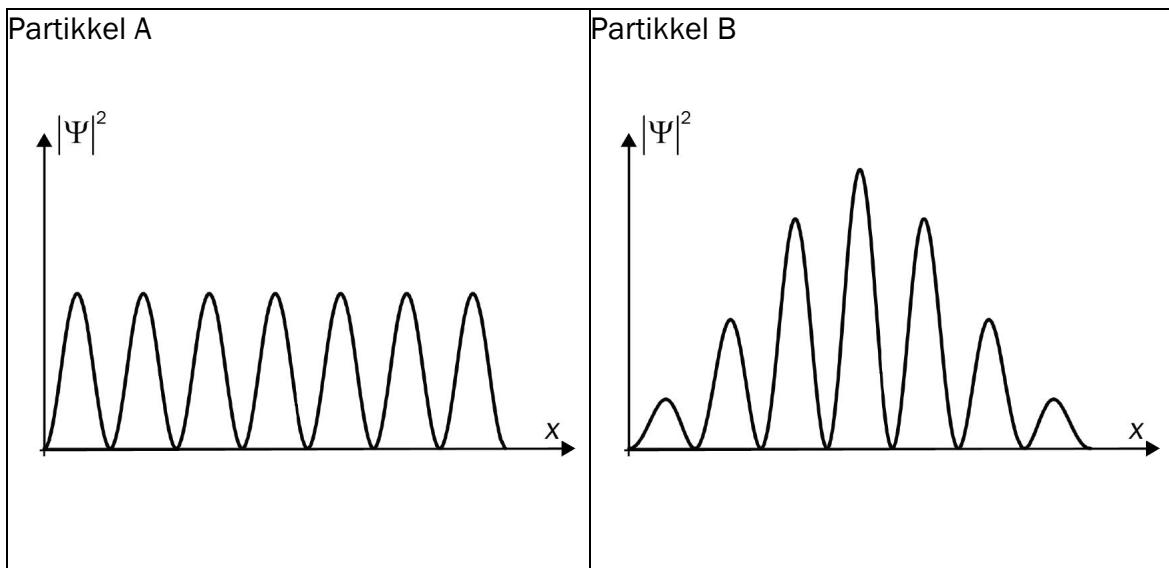
- A. potensiell energi som funksjon av fart
- B. kinetisk energi som funksjon av fart
- C. bevegelsesmengde som funksjon av fart
- D. totalenergi som funksjon av fart

- r) Et ion blir akselerert fra ro av en spenning U og får de Broglie-bølgelengden λ .

Hvordan endres bølgelengden dersom vi øker spenningen?

- A. Bølgelengden øker.
- B. Bølgelengden er uendret.
- C. Bølgelengden minker.
- D. Det kan vi ikke vite uten at massen til ionet er kjent.

s) Nedenfor ser du den kvadrerte av bølgefunksjonen til to kvantepartikler.



Det er gitt to påstander:

1. Partikkel A har større uskarphet i posisjonen enn partikkel B.
2. Partikkel B har ingen uskarhet i bevegelsesmengde.

Hva er riktig?

- A. ingen av påstandene
- B. påstand 1
- C. påstand 2
- D. begge påstandene

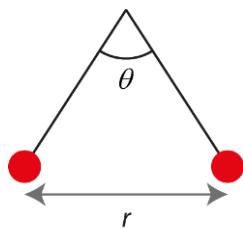
t) Noen atomkjerner kan sende ut en alfabartikkelen. Ifølge klassisk fysikk har ikke alfabartikkelen nok energi til å komme ut av atomkjernen, men et fenomen i kvantefysikken forklarer at alfabartikkelen likevel kan komme ut.

Hva kalles dette fenomenet?

- A. comptoneffekt
- B. lengdekontraksjon
- C. tidsforlengelse
- D. tunnelering

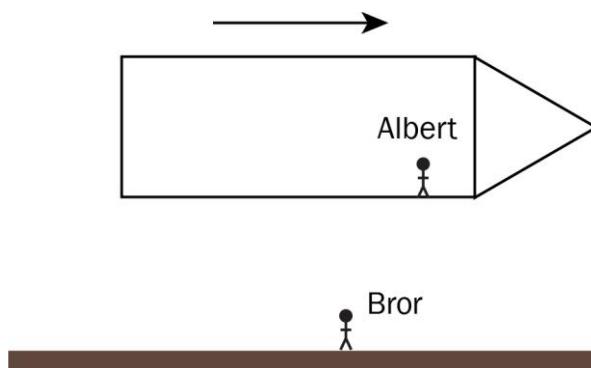
Oppgave 2

- a) To kuler med lik ladning Q og masse m henger i to like lange snorer. Vinkelen mellom snorene er θ , og avstanden mellom kulene er r .



1. Tegn kreftene som virker på kulene.
2. Bestem absoluttverdien til ladningen Q uttrykt ved størrelsene gitt i oppgaven og kjente konstanter.

- b) Et romskip har konstant fart i forhold til jorda slik at lorentzfaktoren $\gamma = 2,0$. Albert er om bord i romskipet og Bror står på jorda. En hendelse skjer på jorda. Albert måler at hendelsen tar $1,0 \mu\text{s}$.



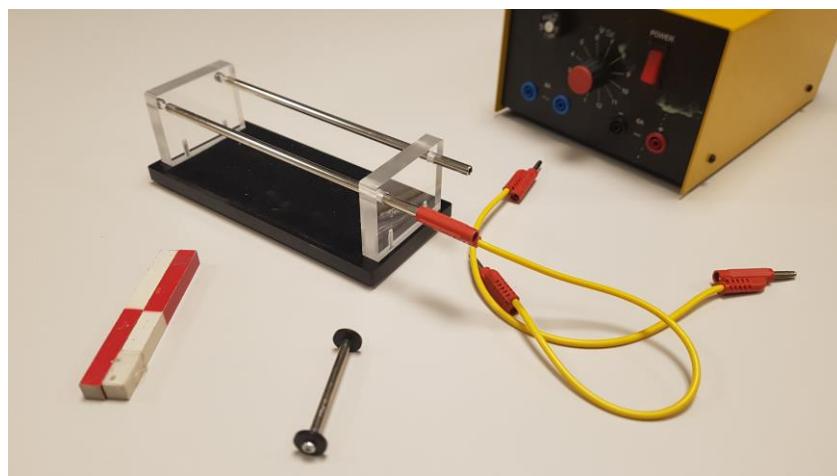
1. Bruk den spesielle relativitetsteorien til å bestemme hvor lang tid Bror måler at hendelsen tar.

Dersom romskipet er langt nok unna jorda, må vi også ta hensyn til den generelle relativitetsteorien.

2. Forklar hvordan svaret i oppgave b1 vil endres hvis vi også må ta hensyn til den generelle relativitetsteorien.

- c) Hvorfor må vi bruke kvantefysikk for å forklare fenomenet fotoelektrisk effekt?

- d) Du får utlevert følgende utstyr: spenningskilde, stavmagneter, ledninger, to metallskinner som er festet til et stativ, og en lederstav som er litt lengre enn avstanden mellom skinnene.



Gjør rede for hvordan du kan bruke utstyret til å demonstrere fenomenet *kraft på ledet i magnetfelt*.

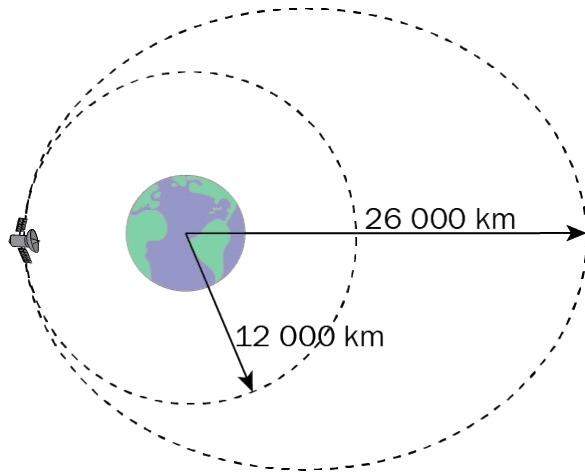
Del 2

Oppgave 3

En satellitt går i en sirkelbane med radius 12 000 km rundt jorda.

- a) Vis at banefarten til satellitten er 5,76 km/s.

Banefarten til satellitten øker momentant til 6,74 km/s. Satellitten går da inn i en ellipsebane. Avstanden fra satellitten til sentrum av jorda er på det meste 26 000 km.



- b) Hva er den minste farten satellitten har i ellipsebanen?

Satellitten kolliderer med en asteroide når den er 26 000 km unna sentrum av jorda. Dette fører til at satellitten stopper opp og begynner å falle rett mot jorda.

- c) Bruk bevaring av energi til å bestemme hvor stor fart satellitten treffer jorda med. Se bort fra luftmotstand.

Programkoden til høyre beregner den samme farten som i oppgave c.

- d) Forklar hvordan man kommer fram til uttrykket på linje 9, og forklar hva som regnes ut på linje 10.
- e) Bestem hvor lang tid satellitten bruker fra den er 26 000 km fra jorda, til den treffer jorda. Se bort fra luftmotstand.

1	gamma = 6.67e-11
2	M = 5.974e24
3	R = 6371e3
4	r = 26000e3
5	v = 0
6	dt = 0.1
7	
8	while r > R:
9	v = v + (gamma*M/r**2)*dt
10	r = r - v*dt
11	print(v)

Oppgave 4

En vindturbin omdanner kinetisk energi fra vinden til elektrisk energi. Den maksimale effekten turbinen kan hente ut fra vinden, er gitt ved

$$P_{\text{maks}} = 0,45 \cdot \frac{1}{2} \rho \pi r^2 v^3$$

hvor ρ er luftas massetetthet, r er lengden av rotorbladene, og v er vindfarten.

- a) Hvorfor vil små endringer i vindfarten gi store endringer i effekten turbinen kan hente ut?



Rotorbladene er 68,0 m lange og massetettheten til lufta er 1,22 kg/m³.

- b) Hvor stor må vindfarten være for at turbinen skal levere en effekt på 3,45 MW?

Når turbinen leverer en effekt på 3,45 MW, beveger tuppen av rotorbladene seg med en fart på 70,0 m/s.

- c) 1. Hvor mye energi utvinnes i løpet av en runde?
2. Hva er verdien på denne energien dersom prisen per kWh er 2,00 kroner?
- d) Hvorfor er det ikke mulig å omforme all den kinetiske energien i vinden til elektrisk energi?

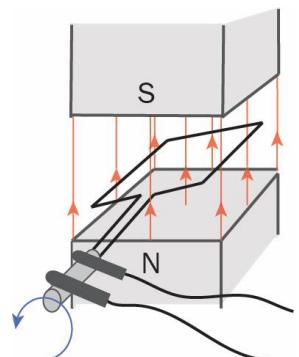
Noe av den kinetiske energien i vinden blir omdannet til elektrisk energi i en vekselstrømgenerator. Spenningen generatoren leverer, oppgis vanligvis som effektivverdi,

$$\varepsilon_e = \frac{\varepsilon_{\text{maks}}}{\sqrt{2}},$$

hvor $\varepsilon_{\text{maks}}$ er den maksimale induserte spenningen.

Figuren viser en forenklet modell av en generator. Den magnetiske fluksen gjennom ledersløyfa er gitt ved

$$\Phi(t) = 3,2 \cos(100\pi t), \text{ der } t \text{ er gitt i sekunder og } \Phi \text{ i Wb.}$$



- e) Vis at effektivverdien av den induserte spenningen i denne generatoren er 0,71 kV.

Når den elektriske energien skal overføres til forbrukerne, økes effektivverdien fra 0,71 kV til 132 kV gjennom en transformator. Se bort fra energitap i transformatoren.

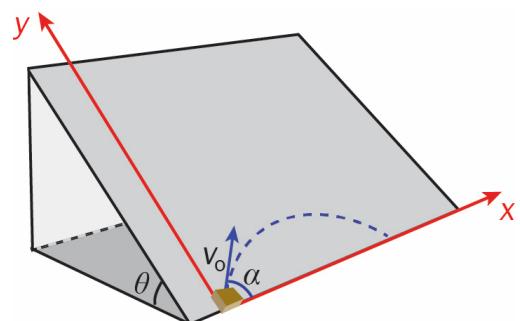
- f) Bestem forholdet mellom antall vindinger på sekundær- og primærsiden, og bestem hvilken side som har flest vindinger.

Oppgave 5

En kloss sendes på skrå oppover et skråplan.

Skråplanvinkelen $\theta = 30^\circ$. Klossen sendes med en startfart $v_0 = 1,5 \text{ m/s}$ og utgangsvinkel $\alpha = 45^\circ$.
 x- og y-aksen er som vist i figuren.

Se bort fra luftmotstand i hele oppgaven, og se bort fra friksjon i oppgave a, b, c og d.



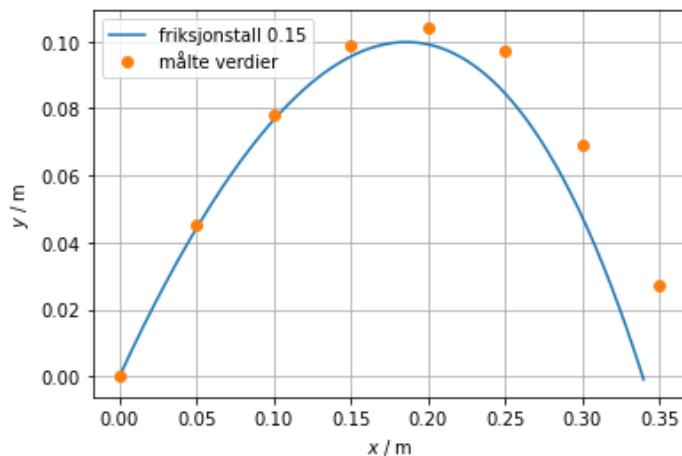
- a) Forklar at størrelsen på akselerasjonen til klossen er $g/2$ der g er tyngdeakselerasjonen.
- b) Vis at klossen bruker $0,43 \text{ s}$ fra start til den har kommet ned fra skråplanet.
- c) Hvor langt fra startposisjonen er klossen når den har kommet ned fra skråplanet?
- d) Vis at posisjonen til klossen er gitt ved $y = x - \frac{gx^2}{2v_0^2}$ mens den glir på skråplanet.

Ole gjennomfører et fysikkforsøk som beskrevet ovenfor. Tabellen nedenfor viser måleverdiene fra forsøket.

x-posisjon / m	0	0,05	0,10	0,15	0,20	0,25	0,30	0,35
y-posisjon / m	0	0,045	0,078	0,099	0,104	0,097	0,069	0,027

- e) Vurder og utforsk om formelen i oppgave d gjelder for alle verdiene i tabellen.

Ole antar at friksjonstallet i forsøket er 0,15. Han ønsker å undersøke om dette stemmer med måleresultatene. Ole gjør nødvendige beregninger og lager et program som tegner grafen nedenfor.



- f) Har Ole antatt en for lav eller høy verdi for friksjonstallet?

Faktavedlegg

Fysikkonstantar	Atommasseeininga (u)	$1,66 \cdot 10^{-27}$ kg
	Biot-Savart-konstanten (k_m)	$2 \cdot 10^{-7}$ N/A ² (eksakt)
	Coulombkonstanten (k_e)	$8,99 \cdot 10^9$ Nm ² /C ²
	Elementærladninga (e)	$1,60 \cdot 10^{-19}$ C
	Gravitasjonskonstanten (γ)	$6,67 \cdot 10^{-11}$ Nm ² /kg ²
	Lysfarten i vakuum (c)	$3,00 \cdot 10^8$ m/s
	Planckkonstanten (h)	$6,63 \cdot 10^{-34}$ Js
	Bohrs konstant (B)	$2,18 \cdot 10^{-18}$ J
Partikkelmassar	Elektron (m_e)	$9,1094 \cdot 10^{-31}$ kg = $5,4858 \cdot 10^{-4}$ u
	Muon (m_μ)	$1,8835 \cdot 10^{-28}$ kg = $0,1134$ u
	Ladd pi-meson (m_π)	$2,4881 \cdot 10^{-28}$ kg = $0,1498$ u
	Nøytralt pi-meson (m_{π^0})	$2,4062 \cdot 10^{-28}$ kg = $0,1449$ u
	Proton (m_p)	$1,6726 \cdot 10^{-27}$ kg = $1,0073$ u
	Nøytron (m_n)	$1,6749 \cdot 10^{-27}$ kg = $1,0087$ u
	Alfapartikkel/heliumkjerne (m_α)	$6,6447 \cdot 10^{-27}$ kg = $4,0015$ u
Jorda	Ekvatorradius	6378 km
	Polradius	6357 km
	Middelradius	6371 km
	Masse	$5,974 \cdot 10^{24}$ kg
	Tyngdeakselerasjonen	9,81 m/s ²
	Rotasjonstid	23 h 56 min 4,1 s
	Omløpstid om sola	$3,156 \cdot 10^7$ s
	Middelavstand frå sola	$1,496 \cdot 10^{11}$ m
Sola	Radius	$6,96 \cdot 10^8$ m
	Masse	$1,99 \cdot 10^{30}$ kg
Månen	Radius	1738 km
	Masse	$7,35 \cdot 10^{22}$ kg
	Tyngdeakselerasjonen	1,62 m/s ²
	Middelavstand frå jorda	$3,84 \cdot 10^8$ m

Formelvedlegg

Mekanikk	$s = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$	$v = v_0 + at$	$v^2 - v_0^2 = 2as$	$s = \frac{v_0 + v}{2} \cdot t$
	$v(t) = s'(t)$	$s(t) = \int v(t) dt$	$a(t) = v'(t)$	$v(t) = \int a(t) dt$
	$a = \frac{v^2}{r}$	$v = \frac{2\pi r}{T}$	$\omega = \frac{2\pi}{T}$	$f = \frac{1}{T}$
	$\sum \vec{F} = \vec{0} \Leftrightarrow \vec{v} = \text{konstant}$	$\sum \vec{F} = m\vec{a}$	$\vec{F}^* = -\vec{F}$	$R = \mu N$
	$W = \vec{F} \cdot \vec{s} = F s \cos(\alpha)$	$W = \int_a^b F ds$	$E_p = mgh$	$E_k = \frac{1}{2} mv^2$
	$P = \frac{W}{t} = \frac{E}{t}$	$\vec{p} = m\vec{v}$	$L = kv, \quad L = kv^2$	$m = \rho V$
Gravitasjon	$G = \gamma \frac{Mm}{r^2}$	$\vec{g} = \frac{\vec{G}}{m}$		$E_p = -\gamma \frac{Mm}{r}$
Elektrisitet og magnetisme	$F_e = k_e \frac{Qq}{r^2}$	$\vec{E} = \frac{\vec{F}_e}{q}$	$U = \frac{W}{q}$	$E = \frac{U}{d}$
	$I = \frac{Q}{t}$	$R = \frac{U}{I}$	$P = UI$	$B = k_m \cdot \frac{I}{r}$
	$\vec{F}_m = q \vec{v} \times \vec{B}$	$\vec{F}_m = I \vec{l} \times \vec{B}$		$F_m = k_m \frac{I_1 I_2}{r} \cdot l$
	$\phi = \vec{B} \cdot \vec{A} = BA \cos(\alpha)$	$\varepsilon = -N \cdot \frac{\Delta \phi}{\Delta t}$		$\varepsilon = vBl$
	$U = U_m \sin(\omega t)$	$U_s I_s = U_p I_p$		$\frac{U_s}{U_p} = \frac{N_s}{N_p}$
Relativitetsteori	$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \left(\frac{v}{c}\right)^2}}$	$t = \gamma t_0$	$L = \frac{L_0}{\gamma}$	$\vec{p} = \gamma m \vec{v}$
	$E_0 = mc^2$	$E = E_k + E_0 = \gamma mc^2$		$E^2 = (mc^2)^2 + (pc)^2$
Kvantefysikk	$E_f = hf$	$hf = W + E_k$	$\lambda = \frac{h}{p}$	$p = \frac{E}{c} = \frac{h}{\lambda}$
	$c = \lambda f$	$E_n = -\frac{B}{n^2}$	$\Delta x \Delta p \geq \frac{h}{4\pi}$	$\Delta E \Delta t \geq \frac{h}{4\pi}$

Fortsettelse vedlegg 2

Databehandling	$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}$	$\Delta x = \frac{x_{\text{maks.}} - x_{\text{min.}}}{2}$
	$\Delta(x \pm y \pm \dots) = \Delta x + \Delta y + \dots$	$\frac{\Delta(x^n \cdot y^m \cdot \dots)}{x^n \cdot y^m \cdot \dots} = \frac{ n \cdot \Delta x}{\bar{x}} + \frac{ m \cdot \Delta y}{\bar{y}} + \dots$

Andregradslikninger	$ax^2 + bx + c = 0 \Leftrightarrow x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$		
Derivasjonsregler	$(x^r)' = r \cdot x^{r-1}$	$(u+v)' = u' + v'$	
	$(u \cdot v)' = u' \cdot v + u \cdot v'$	$\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u' \cdot v - u \cdot v'}{v^2}$	
	$(g(u))' = g'(u) \cdot u'$	$(e^{kx})' = k \cdot e^{kx}$	
	$(\sin(kx))' = k \cdot \cos(kx)$	$(\cos(kx))' = -k \cdot \sin(kx)$	
Integrasjon	$\int f(x) dx = F(x) + C$, hvor $F'(x) = f(x)$	$\int_a^b f(x) dx = F(b) - F(a)$	
Vektorregning	$\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{a} \cdot \vec{b} \cos(v)$	$ \vec{a} \times \vec{b} = \vec{a} \cdot \vec{b} \sin(v)$	
	$[x_1, y_1] + [x_2, y_2] = [x_1 + x_2, y_1 + y_2]$	$\vec{a} \times \vec{b} \perp \vec{a}$	$\vec{a} \times \vec{b} \perp \vec{b}$
Geometri	$O_{\text{sirkel}} = 2\pi r$	$A_{\text{sirkel}} = \pi r^2$	$A_{\text{kule}} = 4\pi r^2$
	$\sin v = \frac{\text{mot. kat.}}{\text{hyp.}}$	$\cos v = \frac{\text{hos. kat.}}{\text{hyp.}}$	$\tan v = \frac{\text{mot. kat.}}{\text{hos. kat.}}$
	$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos(A)$	$\frac{\sin(A)}{a} = \frac{\sin(B)}{b} = \frac{\sin(C)}{c}$	

	0°	30°	45°	60°	90°
$\sin v$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
$\cos v$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
$\tan v$	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	

Programmeringsvedlegg

En del av kommandoene er avhengige av å bruke pylab-biblioteket vha. `from pylab import *`. Det er ikke kommentert spesifikt hvilke kommandoer som krever dette.

Utskrift	<code>print()</code>
Regneoperatorer	<code>+ - * ** / //</code>
Definere variabel	<code>a = <verdi></code>
Tilordne variabel ny verdi	<code>= += -= *= /=</code>
Heltall og desimaltall	<code>int(<tall>) float(<tall>)</code>
Konstanter	<code>pi e</code>
Tall på standardform	Eksempel: <code>6.67E-11</code> eller <code>6.67e-11</code>
Lister og arrays (vektorer)	<code>L = []</code> <code>L.append(<verdi>)</code> <code>v = array(L)</code> <code>v = zeros(<antall elementer>)</code> <code>x = linspace(<start>, <slutt>, <antall elementer>)</code>
Definere funksjon	<code>def <navn og argument til funksjon>:</code> <code> return <funksjon></code>
Innebygde funksjoner	<code>exp() log() sqrt() abs()</code> <code>sin() asin() cos() acos() tan() atan() radians() degrees()</code> <code>min() max() sum() mean() std() len() random() round()</code> <code>float() int() sign()</code>
Informasjon fra brukeren	<code>input()</code>

Fortsettelse vedlegg 3

Plotte	plot(<x-verdier>, <y-verdier>, <farge- og layout>) title(<tittel>) xlabel(<navn på førsteakse>) ylabel(<navn på andreakse>) grid() axis('equal') show()
Sammenligne	== != < > <= >=
Logikk	and or not
if-test	if <betingelse>: <hva som skal skje> elif <betingelse>: <hva som skal skje> else : <hva som skal skje> if <betingelse>: break
Løkker/iterasjoner	for n in range(<verdier>): <hva som skal skje> for n in <liste>: <hva som skal skje> while <betingelse>: <hva som skal skje>

Blank side

Blank side

Vedlegg 4
Svarark
Oppgåve 1 / Oppgave 1

Kandidatnummer: _____

Oppgåve 1 / Oppgave 1	Svaralternativ A, B, C eller D
a)	
b)	
c)	
d)	
e)	
f)	
g)	
h)	
i)	
j)	
k)	
l)	
m)	
n)	
o)	
p)	
q)	
r)	
s)	
t)	

*Vedlegg 4 skal leverast kl. 11.00 saman med svaret for oppgåve 2.
Vedlegg 4 skal leveres kl. 11.00 sammen med besvarelsen for oppgave 2.*

TIPS TIL DEG SOM AKKURAT HAR FÅTT EKSAMENSOPPGÅVA:

- Start med å lese oppgåveinstrukksen godt.
- Hugs å føre opp kjeldene i svaret ditt dersom du bruker kjelder.
- Les gjennom det du har skrive før du leverer.
- Bruk tida. Det er lurt å drikke og ete undervegs.

Lykke til!

TIPS TIL DEG SOM AKKURAT HAR FÅTT EKSAMENSOPPGAVEN:

- Start med å lese oppgaveinstrukksen godt.
- Husk å føre opp kildene i svaret ditt hvis du bruker kilder.
- Les gjennom det du har skrevet før du leverer.
- Bruk tiden. Det er lurt å drikke og spise underveis.

Lykke til!